

題號： 58

國立臺灣大學 105 學年度碩士班招生考試試題

科目：近代物理學(A)

節次： 7

題號： 58

共 | 頁之第 | 頁

(光速  $c = 3.00 \times 10^8 \text{ m/s}$ , 普郎克常數  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ )

一、(a)有一顆電子，它的動能是 2.53 百萬電子伏特(MeV)。請求出該電子的動量 (momentum)值。(1 eV =  $1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ ) (10 分) (b) 一時鐘沿著 $+x$  方向以  $0.600c$  的速率前進。當它通過原點時，時鐘的讀值為零，請問當該時鐘通過  $x = 540$  公尺時，時鐘的讀值為多少？(5 分)

二、一波長為  $22 \text{ pm}$  ( $1 \text{ pm} = 10^{-12} \text{ m}$ ) 的 X 光打在碳靶(carbon)後在與入射光 (incident beam) 夾角為 60 度之方向被偵測到，請算出被偵測到之 X 光 (scattered rays) 之波長以及在此彈性碰撞中電子所獲得的能量。(15 分)

三、一氫原子中的電子之波函數(wave function)為  $\Psi = \frac{1}{6}[3\psi_{100}(r) + 3\psi_{211}(r) - 2\psi_{210}(r) + \sqrt{14}\psi_{21-1}(r)]$ 。請求出該電子之(a)能量  $E$ ，(b)角動量平方  $L^2$ ，以及(c)角動量的 z 分量  $L_z$  的期望值(expectation values)(註： $\psi_{100}$  代表該波函數之  $n=1$ ,  $l=m_l=0$ ) (20 分)

四、一質量為  $m$  之粒子被限制在  $x=0$  和  $x=a$  的無限大位能井內運動。

(a)該粒子原本是處於第一激發態(1<sup>st</sup> excited state)，如果將位能井的右邊快速移至  $x = 2a$  的位置。請算出該粒子在新的位能井中處於基態的概率 (probability) (10 分)

(b)設該粒子為電子，無限大位能井的寬度  $a = 100 \text{ pm}$ 。若該電子因為吸收了光子而從基態躍遷到第二激發態，請算出光子之波長。(10 分)

五、(a)有 11 個質量為  $m$ ，自旋為  $1/2$ (spin- $1/2$ )之粒子被限制在  $x=-a$  和  $x=a$  的無限大位能井內運動。請算出此系統中有粒子填充(occupied)之最高能階何 (粒子間無交互作用)，(b)請利用測不準原理估出一質量為  $m$  的粒子處於位能為  $V(x) = 1/2ma^2x^2$  中的最低(基態)能量。(20 分)

六、目前自然界中鈾-235 的含量約為鈾-238 的百分之零點 72，請問在 20 億年前自然界中鈾-235 的含量約為鈾-238 的百分之多少？鈾-235 和鈾-238 的半衰期分別為  $7.04 \times 10^8$  和  $44.7 \times 10^8$  年( $e = 2.718$ ,  $e^{0.33} = 1.391$ ,  $\ln 2 = 0.693$ ) (10 分)

試題隨卷繳回