

國立臺灣大學104學年度轉學生招生考試試題

題號： 26

科目：微積分(C)

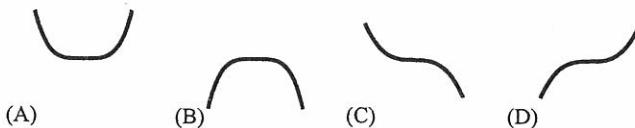
題號： 26

共 / 頁之第 / 頁

※ 注意：請於試卷上「非選擇題作答區」依序作答，並應註明作答之大題及小題題號。

- 考試不可使用計算機。
- 保留答案簿前兩面（四頁）為答案區，第五頁之後為計算草稿區。
- 將第1至10題填充題答案（含10(C)）寫在答案簿第一面（兩頁），任何計算皆不計分。
- 第11題為計算題，請將計算過程詳細寫在翻面的三、四頁。只寫答案不計分。

1. (8%)  $y = e^{-x^2} - 2 \cos x + 1$  在靠近  $x = 0$  時的圖形最接近底下那個圖形：\_\_\_\_\_.



2. (8%) 有一方程式  $y^2 = x^7 + 3x^4 - 2x + 2$ , 若  $(0.998, b)$  滿足此方程式，則  $b$  大約等於 \_\_\_\_\_ (小數點下三位精確)。

3. (8%)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \sin^{-1} x}{\tan x - \tan^{-1} x} = \text{_____}$ .

4. (8%)  $\int_{-1}^2 \frac{1}{x^3 + x} dx = \text{_____}$ .

5. (8%)  $f(x, y) = \frac{x^2 - y^2}{x^2 + y^2}$ , 在  $(-1, 1)$  點的所有方向導數 (directional derivative) 的最大值是 \_\_\_\_\_.

6. (8%)  $f(x, y) = x^2y^2 - 4x^2 - y^2$  共有 \_\_\_\_\_ 個鞍點 (saddle point).

7. (8%)  $y = \tan x$ ,  $0 \leq x \leq \frac{\pi}{4}$  與  $x$ -軸所夾區域繞  $x$ -軸旋轉的旋轉體體積 = \_\_\_\_\_.

8. (8%)  $\int_{-1}^0 \left( \int_{\sqrt{-x}}^1 \cos(y^3) dy \right) dx = \text{_____}$ .

9. (8%) 銀行年利率為 1%，若存進10萬元，以月計算複利，大約 \_\_\_\_\_ 年後存款會變成40萬元（在個位數四捨五入，差距在±2年內都算對。）

10. (18%) (本大題請標出底下各小題前的編號)  $f(x) = \int_0^x \frac{t}{t^2 + t + 1} dt$ , 回答下列問題，並作圖：

(A) (6%) 此函數圖形遞減凹向下(convex down) 的範圍在 \_\_\_\_\_.

(B) (6%) 此函數圖形是否有漸近線？若有，請寫出漸近線方程式：\_\_\_\_\_.

(C) (6%) 請在答案本作  $y = f(x)$  的略圖。

11. 計算題：(10%) 求  $\int_0^1 x^2 \sin(x+1) dx$ .

試題隨卷繳回